

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«ИНГУШСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

СОГЛАСОВАНА

УТВЕРЖДАЮ

Руководитель образовательной программы

Декан физико-математического факультета

_____/проф. И.А.Танкиев
«27» апреля 2026г.

_____/М.Х.Мальсагов от
от «28» апреля 2026г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.В.ДВ.03.01. Основания геометрии

Направление подготовки

01.03.01 –МАТЕМАТИКА

Квалификация выпускника

БАКАЛАВР

Форма обучения

Очная

Магас, 2026г

1. Цели освоения дисциплины

Основная цель обучения дисциплине – обеспечить развитие у будущего преподавателя достаточно широкого взгляда на геометрию и вооружить его конкретными знаниями, дающими ему возможность преподавать математику в основной, общеобразовательной (базовой и профильной) школах, квалифицированно вести факультативные и элективные курсы с позиций современной геометрии.

Перечень профессиональных стандартов, обобщенных трудовых функций и трудовых функций, соответствующих профессиональной деятельности выпускников

Наименование документа	Код	Наименование базовой группы, должности (профессии) или специальности
ОКЗ	2320	Преподаватели в средней школе
	2340	Преподаватели в системе специального образования

Код и наименование профессионального стандарта	Обобщенные трудовые функции			Трудовые функции		
	Код	Наименование	Уровень квалификации	Наименование	Код	Уровень (подуровень) квалификации
01.001 Педагог (педагогическая деятельность в дошкольном, начальном общем, основном общем, среднем общем образовании) (воспитатель, учитель)	А	Педагогическая деятельность по проектированию и реализации образовательного процесса образовательных организациях дошкольного, начального общего, основного общего, среднего общего образования	6	Общепедагогическая функция. Обучение	А/01.6	6
				Воспитательная деятельность	А/02.6	6
				Развивающая деятельность	А/03.6	6
	В	Педагогическая деятельность по проектированию и реализации основных общеобразовательных программ	6	Педагогическая деятельность по реализации программ основного и среднего общего образования	В/03.6	6

Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина относится к блоку 1: «Дисциплины(модули)». К части, формируемой участниками образовательных отношений. Читается в 7 и 8 семестрах. Находится под индексом Б1.В.ДВ.03.01

2. Результаты освоения дисциплины (модуля) Основания геометрии

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование элементов следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО по данному направлению:

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикатор достижения компетенции (закрепленный за дисциплиной)
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие; УК-1.2. Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи; УК-1.3. Осуществляет поиск информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов; УК-1.4. При обработке информации отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок, формирует собственные мнения и суждения, аргументирует свои выводы и точку зрения; УК-1.5. Рассматривает и предлагает возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки.
ПК-2	Способность математически корректно ставить естественнонаучные задачи, знание постановок классических задач математики	ПК-2.1: Знает способы определения видов и типов профессиональных задач, структурирования задач различных групп. ПК-2.2: Выбирает наиболее эффективные методы решения основных типов задач, встречающихся в математике. ПК-2.3: Обладает систематизированными теоретическими и практическим знаниями. ПК-1.1: Знает особенности современного этапа развития образования в мире, этапы развития математики.

4.1. Структура дисциплины (модуля)

Вид учебной работы	Всего	Порядковый номер семестра			
Общая трудоемкость дисциплины всего (в з.е.), в том числе:	7 з.е.	7	8		
Курсовой проект (работа)	не предусмотрено				
Аудиторные занятия всего (в акад. часах), в том числе:	124				
Лекции	64	30	34		
Практические занятия, семинары	60	28	32		
Лабораторные работы					
Самостоятельная работа всего (в акад. часах), в том числе:	101	5	96		
КСР					
Экзамен			27		
Общая трудоемкость дисциплины	252				

[illegible]

	геометрии. Элементы геометрии Лобачевского																	
2.1	Геометрия до Евклида. «Начала» Евклида. Проблема V постулата			4	4			2										
2.2	Абсолютная геометрия и её основные факты			4	4			2										
2.3	Геометрия Лобачевского. Простейшие факты геометрии Лобачевского			4	4			2										
		8	180	48	48			57										
2.4	Параллельные по Лобачевскому и их свойства			4	4			6										
2.5	Сверхпараллельные прямые и их свойства			4	4			6										
2.6	Пучки прямых и кривые плоскости Лобачевского			4	4			6										
2.7	Модель Бельтрами-Клейна плоскости Лобачевского			6	6			6										
2.8	Модель Пуанкаре плоскости Лобачевского			6	6			6										
	Раздел 3. Неевклидовы геометрии в схеме Вейля			12	12			12										
3.1	Элементы сферической геометрии. Эллиптическая геометрия Римана			6	6			6										
3.2	Псевдоевклидово пространство. Реализация геометрии Лобачевского на сфере мнимого радиуса			6	6			6										
	Раздел 4. Длины. Площади. Объемы			12	12			15										
4.1	Длина отрезка. Теорема существования и единственности длины отрезка. Площадь многоугольника. Теорема о площади прямоугольника			6	6			7										
4.2	Теорема существования и единственности площади. Равновеликость и равноставленность. Теория объемов (обзор)			6	6			8										
Общая трудоемкость, в часах		7		64	60	-	-	101	-			Промежуточная аттестация						
												Форма						
												Зачет						-
												Зачет с оценкой						-
												Экзамен в 8 семестре						+

4.2. Содержание дисциплины (модуля)

Раздел 1. Общие вопросы аксиоматики. Обоснование евклидовой геометрии

Тема 1.1. Аксиоматический метод. Математические

структуры. Род структур. Классификация математических

структур

Тема 1.2. Понятие модели математической структуры.

Изоморфизм математических структур. Требования к системе

аксиом

Тема 1.3. Система аксиом Гильберта. Теория длин отрезков в системе

аксиом Гильберта

Тема 1.4. Система аксиом Вейля и её

непротиворечивость Тема 1.5. Система аксиом А.Д.

Александрова

Раздел 2. Исторический обзор обоснования евклидовой геометрии.

Элементы геометрии Лобачевского

Тема 2.1. Геометрия до Евклида. «Начала» Евклида.

Проблема V постулата

Тема 2.2. Абсолютная геометрия и её основные факты

Тема 2.3. Геометрия Лобачевского. Простейшие факты геометрии
Лобачевского

Тема 2.4. Параллельные по Лобачевскому и их
свойства Тема 2.5. Сверхпараллельные прямые и их
свойства

Тема 2.6. Пучки прямых и кривые плоскости

Лобачевского Тема 2.7. Модель Бельтрами-Клейна
плоскости Лобачевского Тема 2.8. Модель Пуанкаре
плоскости Лобачевского

Раздел 3. Неевклидовы геометрии в схеме Вейля Тема 3.1. Элементы сферической геометрии.

Эллиптическая геометрия Римана

Тема 3.2. Псевдоевклидово пространство. Реализация
геометрии Лобачевского на сфере мнимого радиуса

Раздел 4. Длины. Площади.

Объемы Тема 4.1. Длина отрезка. Теорема существования и
единственности длины отрезка. Площадь многоугольника.

Теорема

о площади прямоугольника

Тема 4.2. Теорема существования и единственности площади.

Равновеликость и равноставленность. Теория
объемов (обзор)

Темы лабораторных работ (Лабораторный практикум)

Не предусмотрены учебным планом ООП

Примерная тематика курсовых работ

Не предусмотрены учебным планом ООП

5. Образовательные технологии

Активные и интерактивные формы: лекции, практические занятия, контрольные работы, коллоквиумы, зачеты и экзамены. В течение семестров студенты решают задачи, указанные преподавателем.

6. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

6.1. План самостоятельной работы студентов

№ п/п	Наименование раздела (темы)	Вид самостоятельной работы	Трудоемкость (в академических часах)
	7 семестр		16
Раздел 1	Общие вопросы аксиоматики. Обоснование евклидовой геометрии		
1.1	Аксиоматический метод. Математические структуры. Род структур. Классификация математических структур	Аудиторная работа	2
1.2	Понятие модели математической структуры. Изоморфизм математических структур. Требования к системе аксиом	Аудиторная работа	2
1.3	Система аксиом Гильберта. Теория длин отрезков в системе аксиом Гильберта	Теоретический тест	2
1.4	Система аксиом Вейля и её непротиворечивость	Аудиторная работа	2
1.5	Система аксиом А.Д. Александрова	Контрольная работа	2
Раздел 2	Исторический обзор обоснования евклидовой геометрии. Элементы геометрии Лобачевского		
2.1	Геометрия до Евклида. «Начала» Евклида. Проблема V постулата	Аудиторная работа	2
2.2	Абсолютная геометрия и её основные факты	Аудиторная работа	2
2.3	Геометрия Лобачевского. Простейшие факты	Аудиторная работа	2

	геометрии Лобачевского		
	8 семестр		57
2.4	Параллельные по Лобачевскому и их свойства	Аудиторная работа	6
2.5	Сверхпараллельные прямые и их свойства	Аудиторная работа	6
2.6	Пучки прямых и кривые плоскости Лобачевского	Аудиторная работа	6
2.7	Модель Бельтрами-Клейна плоскости Лобачевского	Аудиторная работа	6
2.8	Модель Пуанкаре плоскости Лобачевского	Контрольная работа	6
Раздел 3	Неевклидовы геометрии в схеме Вейля		
3.1	Элементы сферической геометрии. Эллиптическая геометрия Римана	Аудиторная работа	6
3.2	Псевдоевклидово пространство. Реализация геометрии Лобачевского на сфере мнимого радиуса	Аудиторная работа	6
Раздел 4	Длины. Площади. Объемы		
4.1	Длина отрезка. Теорема существования и единственности длины отрезка. Площадь многоугольника. Теорема о площади прямоугольника	Аудиторная работа	7
4.2	Теорема существования и единственности площади. Равновеликость и равноставленность. Теория объемов (обзор)	Контрольная работа	8

Оценочные средства для текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Критерии оценки промежуточной аттестации в форме зачета

Оценка	Характеристика требований к результатам аттестации в форме зачета
«Зачтено»	Теоретическое содержание курса освоено полностью без пробелов или в целом, или большей частью, необходимые практические навыки работы с

	освоенным материалом сформированы или в основном сформированы, все или большинство предусмотренных рабочей программой учебных заданий выполнены, отдельные из выполненных заданий содержат
	ошибки.
«Не зачтено»	Теоретическое содержание курса освоено частично, необходимые навыки работы не сформированы или сформированы отдельные из них, большинство предусмотренных рабочей учебной программой заданий не выполнено либо выполнено с грубыми ошибками, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к минимуму.

Критерии оценки промежуточной аттестации в форме экзамена

Оценка	Характеристика требований к результатам аттестации в форме экзамена
«Отлично»	Теоретическое содержание курса освоено полностью без пробелов, системно и глубоко, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные рабочей учебной программой учебные задания выполнены безупречно, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимуму.
«Хорошо»	Теоретическое содержание курса освоено в целом без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, предусмотренные рабочей учебной программой учебные задания выполнены с отдельными неточностями, качество выполнения большинства заданий оценено числом баллов, близким к максимуму.
«Удовлетворительно»	Теоретическое содержание курса освоено большей частью, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных рабочей учебной программой учебных заданий выполнены, отдельные из выполненных заданий содержат ошибки.
«Неудовлетворительно»	Теоретическое содержание курса освоено частично, необходимые навыки работы не сформированы или сформированы отдельные из них, большинство предусмотренных рабочей учебной программой учебных заданий не выполнено либо выполнено с грубыми ошибками, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к минимуму.

6.2. Методические указания по организации самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа является одним из видов учебной деятельности обучающихся, способствует развитию самостоятельности, ответственности и организованности, творческого подхода к решению проблем учебного и профессионального уровня.

Аудиторная самостоятельная работа по учебной дисциплине осуществляется на учебных занятиях под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию.

Внеаудиторная самостоятельная работа выполняется по заданию преподавателя без его непосредственного участия.

Виды заданий для внеаудиторной самостоятельной работы, их характер, учитывать специфику изучаемой учебной дисциплины, индивидуальные особенности обучающегося.

Контроль самостоятельной работы и оценка ее результатов организуется как единство двух форм:

1. самоконтроль и самооценка обучающегося;
2. контроль и оценка со стороны преподавателя.

Организация и руководство аудиторной самостоятельной работы

Аудиторная самостоятельная работа по дисциплине выполняется на учебных занятиях под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию.

Основными видами аудиторной работы самостоятельной работы являются:

- выполнение лабораторных и практических работ осуществляется на лабораторных и практических занятиях в соответствии с графиком учебного процесса. Для обеспечения самостоятельной работы преподавателями разрабатываются методические указания по выполнению лабораторной /практической работы.

Работа с литературой, другими источниками информации, в т.ч. электронными, может реализовываться на семинарских и практических занятиях. Данные источники информации могут быть представлены на бумажном и/или электронном носителях, в том числе, в сети Интернет.

Преподаватель формулирует цель работы с данным и источником информации, определяет время на проработку документа и форму отчетности.

Само и взаимопроверка выполненных заданий чаще всего используется на семинарском, практическом и других видах занятий. Проблемная /ситуационная задача должна иметь четкую формулировку, к ней должны быть поставлены вопросы, ответы на которые необходимо найти и обосновать. Критерии оценки правильности решения проблемной/ситуационной задачи должны быть известны всем обучающимся.

Организация и руководство внеаудиторной работы

Внеаудиторная самостоятельная работа выполняется по заданию преподавателя, но без его непосредственного участия.

При предъявлении видов заданий на внеаудиторную самостоятельную работу рекомендуется использовать дифференцированный подход к уровню подготовленности обучающегося. Перед выполнением внеаудиторной самостоятельной работы преподаватель проводит консультацию с определением цели задания, его содержания, сроков выполнения, ориентировочного объема работы, основных требований к результатам работы, критериев оценки, форм контроля и перечня литературы. В процессе консультации преподаватель предупреждает о возможных типичных ошибках, встречающихся при выполнении задания.

Для методического обеспечения и руководства самостоятельной работой в образовательном учреждении разрабатываются учебные пособия, методические рекомендации по самостоятельной подготовке к различным видам занятий с учетом специальности учебной дисциплины, особенностей контингента студентов, объема и содержания самостоятельной работы, форм контроля и т.п.

Самостоятельная работа может осуществляться индивидуально или группами студентов в зависимости от цели, объема, конкретной тематики самостоятельной работы, уровня сложности, уровня подготовленности обучающихся.

Видами заданий для внеаудиторной самостоятельной работы могут быть:

- для овладения знаниями: чтения текста; составления плана текста; графическое изображение структуры текста; конспектирование текста; выписки из текста; работа со словарями и справочникам; учебно-исследовательская работа; использование аудио и видеозаписей, компьютерной техники и Интернет ресурсов и др.;

- для закрепления и систематизации знаний: работа с конспектом лекции; повторная работа над учебным материалом; составление плана, тезисов ответа; составление таблиц, ребусов, кроссвордов, глоссария для систематизации учебного материала; изучение словарей, справочников; ответы на контрольные вопросы; аналитическая обработка текста; подготовка сообщений к выступлению на семинаре, конференции; подготовка

рефератов, докладов; составление биографий, заданий в тестовой форме и др.

- для формирования умений: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений; составление схем; решение ситуационных производственных задач; подготовка к деловым и ролевым играм; проектирование и моделирование разных видов и компонентов профессиональной деятельности, подготовка презентаций, творческих проектов; подготовка курсовых и выпускных работ; опытно-экспериментальная работа; проектирование и моделирование разных видов и компонентов профессиональной деятельности и др.

Для обеспечения внеаудиторной самостоятельной работы по дисциплине преподавателем разрабатывается перечень заданий для самостоятельной работы, который необходим для эффективного управления данным видом учебной деятельности обучающихся.

Преподаватель осуществляет управление самостоятельной работой, регулирует ее объем на одно учебное занятие и осуществляет контроль выполнения всеми студентами группы. Для удобства преподаватель может вести ведомость учета выполнения минимума заданий, необходимы для допуска к итоговой аттестации по дисциплине.

В процессе самостоятельной работы студент приобретает навыки самоорганизации, самоконтроля, самоуправления и становится активным самостоятельным субъектом учебной деятельности.

Студент самостоятельно определяет режим своей внеаудиторной работы и меру труда, затрачиваемого на овладение знаниями и умениями по каждой дисциплине, выполняет внеаудиторную работу по индивидуальному плану, в зависимости от собственной подготовки, бюджета времени и других условий.

Ежедневно студент должен уделять выполнению внеаудиторной самостоятельной работы в среднем не менее 3 часов.

При выполнении внеаудиторной самостоятельной работы студент имеет право обращаться к преподавателю за консультацией с целью уточнения задания, формы контроля выполненного задания.

6.3. Материалы для проведения текущего и промежуточного контроля знаний студентов

№	Наименование темы	Кол-во часов	Форма контроля
1	Обзор основных теорем до введения параллельных. Теоремы Лежандра-Саннери о сумме углов треугольника.	2	реферат
2	Предложения эквивалентные пятому постулату Евклида.	2	реферат
3	О некоторых фактах геометрии Лобачевского.	2	реферат

4	Интерпретация Пуанкаре геометрии Лобачевского на плоскости.	2	реферат
5	Учение о плоскостях в геометрии Лобачевского.	2	реферат
6	Равновеликие и разносторонние фигуры.	2	реферат
7	Тригонометрия прямоугольного треугольника Лобачевского.	2	реферат
8	Интерпретация Бельтрами-Клейна геометрия Лобачевского.	2	реферат
9	Вывод знаменитой формулы Лобачевского.	2	Математический диктант
10	Аксиомы принадлежности. Аксиомы порядка. Аксиомы меры для отрезков и углов.	2	Математический диктант
11	Аксиома существования треугольника, равного данному.	2	Математический диктант
12	Аксиома существования отрезка данной длины. Аксиома параллельных.	2	Математический диктант
13	Модели аксиоматических теорий.	2	Математический диктант
14	Декартова реализация систем аксиом евклидовой геометрии.	2	Математический диктант
15	Отношение «между» для точек на прямой. Проверка аксиом порядка. Длина отрезка.	2	Математический диктант
16	Аксиоматика планиметрии Лобачевского.	2	реферат
17	Формулы длины, угла и площади фигур на плоскости Лобачевского в интерпретациях Пуанкаре, Бельтрами и Клейна	2	реферат
18	Формулы (теоремы косинуса, синуса) на сфере радиуса R в евклидовой геометрии	2	реферат

	пространстве.		
19	Равновеликие и равноставленные фигуры.	2	реферат
20	Тригонометрия прямоугольного треугольника на плоскости Лобачевского.	2	реферат
21	Эквидистантная поверхность орисферы.	2	реферат
22	Элементарная геометрия на поверхности пространства Лобачевского.	2	реферат
23	Площадь треугольника.	2	реферат
	Итого:	46	

Во время лекционных и практических занятий самостоятельная работа реализуется в виде решения студентами индивидуальных заданий, изучения части теоретического материала, предусмотренного учебным планом ООП.

Во внеаудиторное время студент изучает рекомендованную литературу, готовится к лекционным и практическим занятиям, собеседованиям, устным опросам, коллоквиуму и контрольным работам. При подготовке можно опираться на конспект лекций и литературу, предложенную в разделе 9 данной рабочей программы. В указанном разделе расположен список основной и дополнительной литературы, а также необходимые Интернет-ресурсы. Подготовка теоретического **сообщения** на практическое занятие выполняется студентом самостоятельно, но по согласованию с преподавателем темы сообщения. Это может быть, например, сообщение о жизни и деятельности великих ученых-математиков, теоремы, которых изучаются в данном курсе, или интересные замечания, факты по теме лекции (практического занятия).

Задания для домашних исследовательских работ.

1. Простейшие свойства плоскости Лобачевского, которые следуют из аксиом
2. Сформулировать и доказать теорему, не имеющие места на Евклидовой плоскости.
3. Доказать теорему о справедливости неравенства $0 < \alpha < \pi/2$.
4. Доказать теорему об угле параллельности а точке А по отношению к прямой a
5. Доказать, что две прямые, перпендикулярные третьей, расходятся .

Вопросы к экзамену

1. Аксиоматический метод. Математические структуры.

Род структур. Классификация математических
структур

2. Понятие модели математической структуры. Изоморфизм

математических структур. Требования к системе аксиом

3. Система аксиом Гильберта. Теория длин отрезков в системе аксиом Гильберта

4. Система аксиом Вейля и её непротиворечивость

5. Система аксиом А.Д. Александрова

6. Геометрия до Евклида. «Начала» Евклида. Проблема V постулата

7. Абсолютная геометрия и её основные факты

8. Геометрия Лобачевского. Простейшие факты геометрии Лобачевского

9. Параллельные по Лобачевскому и их свойства

10. Сверхпараллельные прямые и их свойства

11. Пучки прямых и кривые плоскости Лобачевского

12. Модель Бельтрами-Клейна плоскости Лобачевского

13. Модель Пуанкаре плоскости Лобачевского

14. Элементы сферической геометрии. Эллиптическая геометрия Римана

15. Псевдоевклидово пространство. Реализация геометрии Лобачевского на сфере мнимого радиуса

16. Длина отрезка. Теорема существования и единственности длины отрезка. Площадь многоугольника. Теорема о площади прямоугольника

17. Теорема существования и единственности площади. Равновеликость и равноставленность.

Контроль освоения компетенций

№ п\п	Вид контроля	Контролируемые разделы	Компетенции, компоненты которых контролируются
1	Аудиторная	Раздел 1- Раздел 4	УК-1, ПК-2

	контр.работа(пров ерка и оценка)		
2	Теоретический тест	Раздел 1	УК-1, ПК-2
3	Самостоятельное решение практических заданий (аудиторная)	Раздел 1- Раздел 4	УК-1, ПК-2
5	экзамен в 8 семестре	Раздел 1 - Раздел 4	УК-1, ПК-2

7. Учебно-методическое и материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) основания геометрии

Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля) основания геометрии.

К основной (обязательной) литературе относятся учебники, учебные пособия, учебно-методическая литература и монографии, изучение которых является обязательным для овладения знаниями в полном объеме по дисциплине в соответствии с данной программой. К основной, прежде всего, относится литература, имеющая гриф Министерства образования и науки Российской Федерации или Учебно-методического объединения, рекомендующих издание к использованию в учебном процессе. В списке основной литературы указывается не более пяти источников, имеющих в достаточном количестве в фонде библиотеки. Если доступна электронная версия учебников, учебных пособий и т.д., следует указать для них режим доступа.

К дополнительной относится литература, рекомендуемая бакалаврам, магистрам для самостоятельного изучения при выполнении курсового проекта (работы), учебной научно-исследовательской работы, при написании рефератов, для подготовки к семинарам, практическим занятиям, лабораторным работам и другим учебным занятиям, а также для углубления и расширения знаний по данной дисциплине.

Все источники в основной и дополнительной литературе даются с полными библиографическими описаниями в соответствии с российским или западным стандартами оформления.

Для магистратуры обязательно наличие литературы на английском языке.

7.1. Учебная литература:

Рекомендуемая литература

(основная)

1. А.В. Погорелов. «Геометрия», М., Наука, 1983
2. А.Д. Александров. «Основания геометрии» М., 1987
3. Атанасян, Г.Б. Гуревич «Геометрия», 1,2. М. 1976
4. Б.А. Дубровин, С.П. Новиков, А.Г. Фоменко «Современная геометрия», Наука 1979.

(дополнительная)

5. В.И. Костин. «Основная геометрия» М. 1946
6. В.Ф. Каган. «Основная геометрия» М., 1949.
7. Б.В. Кутузов. «Геометрия Лобачевского и элементы оснований геометрий» М., 1955.

7.2. Интернет-ресурсы

Поскольку в настоящее время при работе с информацией широко используются ресурсы телекоммуникационной сети «Интернет» (далее — сеть «Интернет»), то следует указать перечень сайтов, использующихся для получения дополнительных знаний по изучаемой дисциплине. Также следует указать адрес сайта, содержащего учебную информацию по курсу (при его наличии), принципы размещения в нем информации и способы работы с сайтом.

№	Название	Электронный адрес	Содержание
1.	<u>Exponenta</u> .ru	www.exponenta.ru	На сайте размещены электронные учебники, справочники, статьи, примерами применения математических пакетов в образовательном процессе, демо-версии по популярным математических пакетов, электронные книги и свободно распространяемые программы.
2.	<u>Math</u> .ru	www.math.ru	Математический сайт для школьников, студентов, учителей и всех, кто интересуется математикой.
3.	Математика	www.mathematics.ru	Учебный материал по различным разделам математики.
4.	Математика для студентов и прочее.	www.xplusy. isnet.ru	Содержит большое количество видеолекций для школьников, абитуриентов и студентов по математике и физике.
5.	Российское образование.	www.edu.ru	Федеральный образовательный портал: учреждения, программы, стандарты, ВУЗы, тесты ЕГЭ.

7.3. Программное обеспечение:

1. Microsoft Excel
2. Microsoft Word
3. Microsoft PowerPoint

7.4. Материально-техническое обеспечение

В организации учебного процесса необходимыми являются средства, обеспечивающие аудиовизуальное восприятие учебного материала (специализированное демонстрационное оборудование):

1. Доска и мел (или более современные аналоги)
2. компьютерные и мультимедийные технологии
3. микрофон и соответствующие установки (для работы в больших аудиториях с многочисленными группами студентов)

Рабочая программа дисциплины **Основания геометрии** составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки **01.03.01 Математика** (уровень высшего образования бакалавриат), утвержденного Приказом Министерства образования и науки РФ от 10 января 2018 г. N 8 "Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.01 Математика", с учетом *примерной программы учебной дисциплины* из ПООП

Программу составил:

Ст. преподаватель кафедры «Математический анализ» Оздоева Е.В.

Программа одобрена на заседании кафедры «Математический анализ» Протокол №8 от «27» апреля 2026г

Программа одобрена Учебно-методическим советом физико-математического факультета протокол № 6 от «28» апреля 2026 г.

Приложение №1

1. Перечень компетенций, с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы.

При освоении дисциплины (модуля) компетенции, закрепленные за ней, реализуются по темам (разделам) дисциплины (модуля), в определенной степени (полностью или в оговоренной части) и на определенном этапе

Таблица1.

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикатор достижения компетенции (закрепленный за дисциплиной)
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие; УК-1.2. Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи; УК-1.3. Осуществляет поиск информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов; УК-1.4. При обработке информации отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок, формирует собственные мнения и суждения, аргументирует свои выводы и точку зрения; УК-1.5. Рассматривает и предлагает возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки.
ПК-2	Способность математически корректно ставить естественнонаучные задачи, знание постановок классических задач математики	ПК-2.1: Знает способы определения видов и типов профессиональных задач, структурирования задач различных групп. ПК-2.2: Выбирает наиболее эффективные методы решения основных типов задач, встречающихся в математике. ПК-2.3: Обладает систематизированными теоретическими и практическим знаниями. ПК-1.1: Знает особенности современного этапа развития образования в мире, этапы развития математики.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Таблица 2.

Сопоставление шкал оценивания

4-балльная шкала (уровень освоения)	Отлично (повышенный уровень)	Хорошо (базовый уровень)	Удовлетворительно (пороговый уровень)	Неудовлетворительно (уровень не сформирован)
100-балльная шкала	91-100	81-90	61-80	0-60
Бинарная шкала	Зачтено			Не зачтено

Таблица 3.

Оценивание ответа на вопросы по темам для устного опроса

4-балльная шкала (уровень освоения)	Показатели	Критерии
Отлично (повышенный уровень)	- Полнота изложения теоретического материала; - Правильность и/или аргументированность изложения (последовательность действий); - Самостоятельность ответа; - Культура речи.	Студентом дан полный, в логической последовательности развернутый ответ на поставленный вопрос, где он продемонстрировал знания предмета в полном объеме учебной программы, достаточно глубоко осмысливает дисциплину, приводит собственные примеры по проблематике поставленного вопроса
Хорошо (базовый уровень)		Студентом дан развернутый ответ на поставленный вопрос, приводит примеры, в ответе присутствует свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа. Однако допускается неточность в ответе.
Удовлетворительно (пороговый уровень)		Студентом дан ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной глубиной и

		полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры, недостаточно свободным владением монологической речью, логичностью и последовательностью ответа.
Неудовлетворительно (уровень не сформирован)		Студентом дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, неумением давать аргументированные ответы, слабым владением монологической речью, отсутствием логичности и последовательности. Студент не способен ответить на вопросы даже при дополнительных наводящих вопросах преподавателя.

Таблица 4.

Оценивание подготовки рефератов

4-балльная шкала (уровень освоения)	Показатели	Критерии
Отлично (повышенный уровень)	- Полнота изложения теоретического материала; - Правильность и/или аргументированность изложения (последовательность действий); - Самостоятельность ответа; - Культура речи.	выполнены все требования к написанию и защите реферата: обозначена проблема и обоснована её актуальность, сделан краткий анализ различных точек зрения на рассматриваемую проблему и логично изложена собственная позиция, сформулированы выводы, тема раскрыта полностью, выдержан объём,

		соблюдены требования к внешнему оформлению, даны правильные ответы на дополнительные вопросы
Хорошо (базовый уровень)		основные требования к реферату и его защите выполнены, но при этом допущены недочёты. В частности, имеются неточности в изложении материала; отсутствует логическая последовательность в суждениях; не выдержан объём реферата; имеются упущения в оформлении; на дополнительные вопросы при защите даны неполные ответы
Удовлетворительно (пороговый уровень)		имеются существенные отступления от требований к реферированию. В частности: тема освещена лишь частично; допущены фактические ошибки в содержании реферата или при ответе на дополнительные вопросы; во время защиты отсутствует вывод
Неудовлетворительно (уровень не сформирован)		тема реферата не раскрыта, обнаруживается существенное непонимание проблемы

Таблица 5.

Оценивание ответа на зачете

Оценка	Характеристика требований к результатам аттестации в форме зачета
«Зачтено»	Теоретическое содержание курса освоено полностью без пробелов или в целом, или большей частью, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы или в основном сформированы, все или большинство предусмотренных рабочей программой учебных заданий выполнены, отдельные из выполненных заданий содержат ошибки.

«Не зачтено»	Теоретическое содержание курса освоено частично, необходимые навыки работы не сформированы или сформированы отдельные из них, большинство предусмотренных рабочей учебной программой заданий не выполнено либо выполнено с грубыми ошибками, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к минимуму.
--------------	--

Таблица 6.

Оценивание ответа на экзамене

Оценка	Характеристика требований к результатам аттестации в форме экзамена
«Отлично»	Теоретическое содержание курса освоено полностью без пробелов, системно и глубоко, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы, все предусмотренные рабочей учебной программой учебные задания выполнены безупречно, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимуму.
«Хорошо»	Теоретическое содержание курса освоено в целом без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, предусмотренные рабочей учебной программой учебные задания выполнены с отдельными неточностями, качество выполнения большинства заданий оценено числом баллов, близким к максимуму.
«Удовлетворительно»	Теоретическое содержание курса освоено большей частью, но пробелы не носят существенного характера, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных рабочей учебной программой учебных заданий выполнены, отдельные из выполненных заданий содержат ошибки.
«Неудовлетворительно»	Теоретическое содержание курса освоено частично, необходимые навыки работы не сформированы или сформированы отдельные из них, большинство предусмотренных рабочей учебной программой учебных заданий не выполнено либо выполнено с грубыми ошибками, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к минимуму.

Материалы для проведения текущего и промежуточного контроля знаний студентов

№	Наименование темы	Кол-во часов	Форма контроля
1	Обзор основных теорем до введения параллельных. Теоремы Лежандра-Саннери о сумме углов треугольника.	2	реферат
2	Предложения эквивалентные пятому постулату Евклида.	2	реферат
3	О некоторых фактах геометрии Лобачевского.	2	реферат
4	Интерпретация Пуанкаре геометрии Лобачевского на плоскости.	2	реферат
5	Учение о плоскостях в геометрии Лобачевского.	2	реферат
6	Равновеликие и разноставные фигуры.	2	реферат
7	Тригонометрия прямоугольного треугольника Лобачевского.	2	реферат
8	Интерпретация Бельтрами-Клейне геометрия Лобачевского.	2	реферат
9	Вывод знаменитой формулы Лобачевского.	2	Математический диктант
10	Аксиомы принадлежности. Аксиомы порядка. Аксиомы меры для отрезков и углов.	2	Математический диктант
11	Аксиома существования треугольника, равного данному.	2	Математический диктант
12	Аксиома существования отрезка данной длины. Аксиома параллельных.	2	Математический диктант
13	Модели аксиоматических теорий.	2	Математический диктант
14	Декартова реализация систем аксиом евклидовой геометрии.	2	Математический диктант

15	Отношение «между» для точек на прямой. Проверка аксиом порядка. Длина отрезка.	2	Математический диктант
16	Аксиоматика планиметрии Лобачевского.	2	реферат
17	Формулы длины, угла и площади фигур на плоскости Лобачевского в интерпретациях Пуанкаре, Бельтраме и Клейна	2	реферат
18	Формулы (теоремы косинуса, синуса) на сфере мнимого радиуса в жевдоевклидов пространстве.	2	реферат
19	Равновеликие и равноставленные фигуры.	2	реферат
20	Тригонометрия прямоугольного треугольника на плоскости Лобачевского.	2	реферат
21	Эквидистантная поверхность орисферы.	2	реферат
22	Элементарная геометрия на поверхности пространства Лобачевского.	2	реферат
23	Площадь треугольника.	2	реферат
	Итого:	46	

Задания для домашних исследовательских работ.

1. Простейшие свойства плоскости Лобачевского, которые следуют из аксиом
2. Сформулировать и доказать теорему, не имеющие места на Евклидовой плоскости.
3. Доказать теорему о справедливости неравенства $0 < \alpha < \pi/2$.
4. Доказать теорему об угле параллельности а точке А по отношению к прямой a
5. Доказать, что две прямые, перпендикулярные третьей, расходятся.

Вопросы к экзамену

1. Аксиоматический метод. Математические структуры.

Род структур. Классификация математических структур

2. Понятие модели математической структуры. Изоморфизм математических структур. Требования к системе аксиом

3. Система аксиом Гильберта. Теория длин отрезков в системе

аксиом Гильберта

4. Система аксиом Вейля и её непротиворечивость

5. Система аксиом А.Д. Александрова

6. Геометрия до Евклида. «Начала» Евклида.

Проблема V постулата

7. Абсолютная геометрия и её основные факты

8. Геометрия Лобачевского. Простейшие факты
геометрии Лобачевского

9. Параллельные по Лобачевскому и их свойства

10. Сверхпараллельные прямые и их свойства

11. Пучки прямых и кривые плоскости Лобачевского

12. Модель Бельтрами-Клейна плоскости Лобачевского

13. Модель Пуанкаре плоскости Лобачевского

14. Элементы сферической геометрии.

Эллиптическая геометрия Римана

15. Псевдоевклидово пространство. Реализация
геометрии Лобачевского на сфере мнимого
радиуса

16. Длина отрезка. Теорема существования и
единственности длины отрезка. Площадь
многоугольника.

Теорема

о площади прямоугольника

17. Теорема существования и единственности площади. Равновеликость
и равноставленность.

Сведения об утверждении программы на очередной учебный год и регистрации изменений

Учебный год	Решение кафедры (№ протокола, дата)	Внесенные изменения	Подпись зав. кафедрой

